

**Series JBB/4****SET-2**कोड नं.
Code No. **430/4/2**रोल नं.
Roll No.

--	--	--	--	--	--	--	--



परीक्षार्थी कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।

Candidates must write the Code on the title page of the answer-book.

नोट	NOTE
(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 19 हैं ।	(I) Please check that this question paper contains 19 printed pages.
(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए कोड नम्बर को छात्र उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।	(II) Code number given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 40 प्रश्न हैं ।	(III) Please check that this question paper contains 40 questions.
(IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।	(IV) Please write down the Serial Number of the question in the answer-book before attempting it.
(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।	(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित (बुनियादी) **MATHEMATICS (BASIC)**

निर्धारित समय : 3 घण्टे

अधिकतम अंक : 80

Time allowed : 3 hours

Maximum Marks : 80

.430/4/2



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper comprises **four** sections – A, B, C and D. This question paper carries **40** questions. All questions are compulsory.
- (ii) Section A : Question Numbers **1** to **20** comprises of **20** questions of **one** mark each.
- (iii) Section B : Question Numbers **21** to **26** comprises of **6** questions of **two** marks each.
- (iv) Section C : Question Numbers **27** to **34** comprises of **8** questions of **three** marks each.
- (v) Section D : Question Numbers **35** to **40** comprises of **6** questions of **four** marks each.
- (vi) There is no overall choice in the question paper. However, an internal choice has been provided in 2 questions of one mark, 2 questions of two marks, 3 questions of three marks and 3 questions of four marks. You have to attempt **only one of the choices** in such questions.
- (vii) In addition to this, separate instructions are given with each section and question, wherever necessary.
- (viii) Use of calculators is **not** permitted.

SECTION A

Question numbers 1 to 20 carry 1 mark each.

Choose the correct option in question numbers 1 to 10.

1. The second term from the end of the A.P. 5, 8, 11, ..., 47 is
 - (A) 50
 - (B) 45
 - (C) 44
 - (D) 41
2. Number of zeroes of the polynomial $p(x)$ shown in Figure-1, are

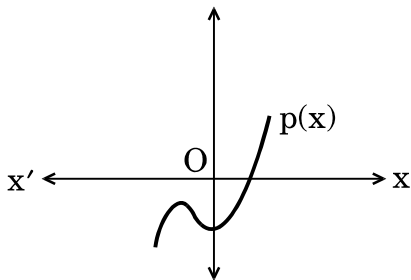


Figure-1

- (A) 3
- (B) 2
- (C) 1
- (D) 0



3. यदि $\sin A = \cos A$, $0 \leq A \leq 90^\circ$ है, तो कोण A बराबर है
 (A) 30°
 (B) 60°
 (C) 0°
 (D) 45°
4. एक ठोस अर्धगोले का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल है
 (A) $3\pi r^2$
 (B) $2\pi r^2$
 (C) $4\pi r^2$
 (D) $\frac{2}{3}\pi r^3$
5. दिया गया है $HCF(156, 78) = 78$ है, तो $LCM(156, 78)$ का मान है
 (A) 156
 (B) 78
 (C) 156×78
 (D) 156×2
6. दो समरूप त्रिभुजों के क्षेत्रफलों में $16 : 81$ का अनुपात है। इन त्रिभुजों की संगत भुजाओं का अनुपात होगा
 (A) $9 : 4$
 (B) $4 : 9$
 (C) $2 : 3$
 (D) $16 : 81$
7. बिंदुओं $(-1, -3)$ तथा $(5, -2)$ के बीच की दूरी है
 (A) $\sqrt{61}$ इकाई
 (B) $\sqrt{37}$ इकाई
 (C) 5 इकाई
 (D) $\sqrt{17}$ इकाई
8. द्विघात समीकरण $2x^2 - 4x + 3 = 0$ का विविक्तकर (discriminant) है
 (A) -8
 (B) 10
 (C) 8
 (D) $2\sqrt{2}$

अथवा



3. If $\sin A = \cos A$, $0 \leq A \leq 90^\circ$, then the angle A is equal to
- (A) 30°
(B) 60°
(C) 0°
(D) 45°
4. Total surface area of a solid hemisphere is
- (A) $3\pi r^2$
(B) $2\pi r^2$
(C) $4\pi r^2$
(D) $\frac{2}{3}\pi r^3$
5. Given that $\text{HCF}(156, 78) = 78$, $\text{LCM}(156, 78)$ is
- (A) 156
(B) 78
(C) 156×78
(D) 156×2
6. Areas of two similar triangles are in the ratio $16 : 81$. Therefore, corresponding sides of these triangles are in the ratio
- (A) $9 : 4$
(B) $4 : 9$
(C) $2 : 3$
(D) $16 : 81$
7. The distance between the points $(-1, -3)$ and $(5, -2)$ is
- (A) $\sqrt{61}$ units
(B) $\sqrt{37}$ units
(C) 5 units
(D) $\sqrt{17}$ units
8. The discriminant of the quadratic equation $2x^2 - 4x + 3 = 0$ is
- (A) -8
(B) 10
(C) 8
(D) $2\sqrt{2}$

OR



द्विघात समीकरण $2x^2 - 4x + 3 = 0$ के मूल हैं

- (A) वास्तविक तथा बराबर
- (B) वास्तविक तथा भिन्न
- (C) वास्तविक नहीं
- (D) वास्तविक

9. k का मान जिसके लिए समीकरण $3x - y + 8 = 0$ तथा $6x + ky = -16$ संपाती रेखाओं को व्यक्त करें, है

- (A) $-\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) 2
- (D) -2

10. एक पासे को एक बार फेंका जाता है। एक विषम संख्या आने की प्रायिकता है

- (A) 1
- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) $\frac{4}{6}$
- (D) $\frac{2}{6}$

प्रश्न संख्या 11 से 15 में रिक्त स्थान भरिए।

11. 100 प्रेक्षणों वाले एक बंटन के 'से कम प्रकार' का तोरण तथा 'से अधिक प्रकार' का तोरण बिंदु (58, 50) पर प्रतिच्छेद करते हैं। इस बंटन का माध्यक _____ है।

12. द्विघात बहुपद $x^2 - 6x$ में, शून्यकों का गुणनफल _____ है।

13. समीकरण $x^2 + bx + c = 0$ के मूल बराबर हैं, यदि _____ है।

14. किसी बाह्य बिंदु से वृत्त पर खींची गई स्पर्श-रेखाओं की लम्बाइयाँ _____ होती हैं।

15. बिंदुओं $(-3, -3)$ तथा $(-3, 3)$ को जोड़ने वाले रेखाखंड का मध्य-बिंदु _____ है।



Roots of the quadratic equation $2x^2 - 4x + 3 = 0$ are

- (A) real and equal
 - (B) real and distinct
 - (C) not real
 - (D) real
9. The value of k for which the equations $3x - y + 8 = 0$ and $6x + ky = -16$ represent coincident lines, is
- (A) $-\frac{1}{2}$
 - (B) $\frac{1}{2}$
 - (C) 2
 - (D) -2
10. A dice is thrown once. The probability of getting an odd number is
- (A) 1
 - (B) $\frac{1}{2}$
 - (C) $\frac{4}{6}$
 - (D) $\frac{2}{6}$

Fill in the blanks in question numbers 11 to 15.

11. For a given distribution with 100 observations, the 'less than' ogive and 'more than' ogive intersect at (58, 50). The median of the distribution is _____ .
12. In a quadratic polynomial $x^2 - 6x$, product of the zeroes is _____ .
13. The roots of the equation, $x^2 + bx + c = 0$ are equal if _____ .
14. The lengths of the tangents drawn from an external point to a circle are _____ .
15. The mid-point of the line segment joining the points $(-3, -3)$ and $(-3, 3)$ is _____ .



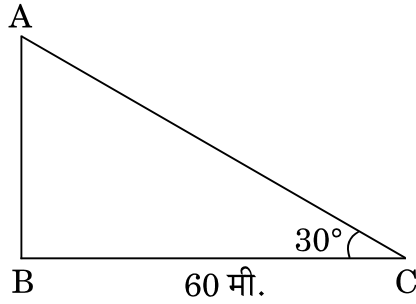
प्रश्न संख्या 16 से 20 में निम्नलिखित के उत्तर दीजिए :

16. यदि $\operatorname{cosec} \theta = \frac{5}{4}$ है, तो $\cot \theta$ का मान ज्ञात कीजिए ।

अथवा

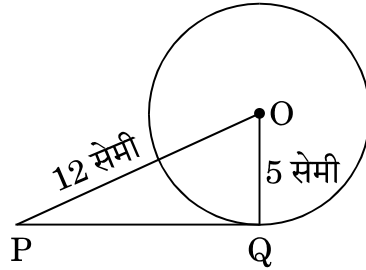
$\sin 42^\circ - \cos 48^\circ$ का मान ज्ञात कीजिए ।

17. भूमि के एक बिंदु C से, जो मीनार के पाद-बिंदु से 60 मी. की दूरी पर है, मीनार AB के शिखर का उन्नयन कोण 30° है, जैसे कि आकृति-2 में दिखाया गया है । मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिए ।



आकृति-2

18. आकृति-3 में, केन्द्र O वाले वृत्त पर, बिंदु P से खींची गई स्पर्श-रेखा PQ की लम्बाई ज्ञात कीजिए, जबकि दिया गया है कि $OP = 12$ सेमी तथा $OQ = 5$ सेमी ।



आकृति-3

19. समांतर श्रेणी $-50, -47, -44, \dots$ का 31वाँ पद लिखिए ।
20. x-अक्ष पर उस बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए जो बिंदुओं $(2, 3)$ तथा $(5, -6)$ को जोड़ने वाले रेखाखण्ड को $1 : 2$ के अनुपात में विभाजित करता है ।



Answer the following question numbers 16 to 20 :

16. If $\operatorname{cosec} \theta = \frac{5}{4}$, find the value of $\cot \theta$.

OR

Find the value of $\sin 42^\circ - \cos 48^\circ$.

17. The angle of elevation of the top of the tower AB from a point C on the ground, which is 60 m away from the foot of the tower, is 30° , as shown in Figure-2. Find the height of the tower.

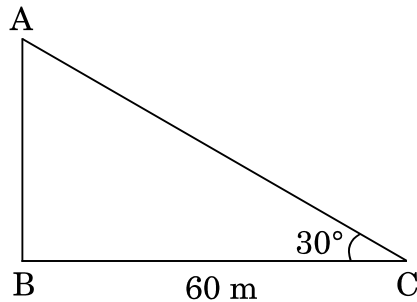


Figure-2

18. In Figure-3, find the length of the tangent PQ drawn from the point P to a circle with centre at O, given that $OP = 12$ cm and $OQ = 5$ cm.

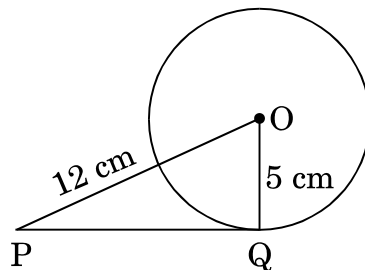


Figure-3

19. Write the 31st term of the A.P. $- 50, - 47, - 44, \dots$
20. Find the coordinates of the point on x-axis which divides the line segment joining the points $(2, 3)$ and $(5, - 6)$ in the ratio $1 : 2$.



SECTION B

Question numbers 21 to 26 carry 2 marks each.

21. If $\sec 2A = \operatorname{cosec} (A - 30^\circ)$, $0^\circ < 2A < 90^\circ$, then find the value of $\angle A$.

22. Using Euclid's Division Lemma, find HCF of 54 and 90.

23. The following table shows the ages of the patients admitted in a hospital during a year :

Age (in years) :	5 – 15	15 – 25	25 – 35	35 – 45	45 – 55	55 – 65
Number of patients :	60	110	210	230	150	50

Find the mode of the distribution.

24. How many two-digit numbers are divisible by 6 ?

OR

In an A.P. it is given that common difference is 5 and sum of its first ten terms is 75. Find the first term of the A.P.

25. The diameter of a solid metallic sphere is 16 cm. The sphere is melted and recast into solid spherical balls of radius 2 cm. Determine the number of balls.

26. In Figure-4, $\triangle ABC$ and $\triangle XYZ$ are shown. If $AB = 3.8$ cm, $AC = 3\sqrt{3}$ cm, $BC = 6$ cm, $XY = 6\sqrt{3}$ cm, $XZ = 7.6$ cm, $YZ = 12$ cm and $\angle A = 65^\circ$, $\angle B = 70^\circ$, then find the value of $\angle Y$.

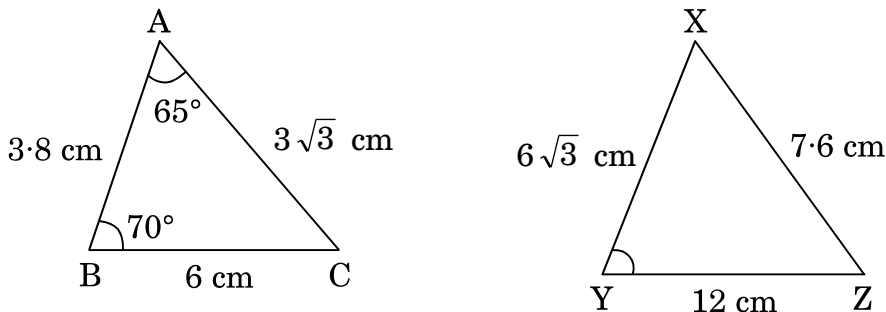


Figure-4

OR

If the areas of two similar triangles are equal, show that they are congruent.



खण्ड ग

प्रश्न संख्या 27 से 34 तक प्रत्येक प्रश्न 3 अंकों का है।

27. सिद्ध कीजिए कि यदि $x = a \sin \theta + b \cos \theta$ तथा $y = a \cos \theta - b \sin \theta$ है, तो $x^2 + y^2 = a^2 + b^2$ है।
28. 5 पेंसिलों तथा 7 पेनों का कुल मूल्य ₹ 250 है जबकि 7 पेंसिलों तथा 5 पेनों का कुल मूल्य ₹ 302 है। एक पेंसिल तथा एक पेन का मूल्य ज्ञात कीजिए।

अथवा

निम्नलिखित समीकरण युग्म को वज्र-गुणन विधि से हल कीजिए :

$$x - 3y - 7 = 0$$

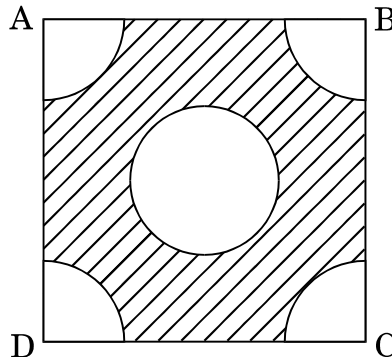
$$3x - 5y - 15 = 0$$

29. 52 पत्तों की अच्छी प्रकार से फेंटी गई ताश की एक गड्डी में से एक पत्ता यादृच्छया निकाला जाता है। निम्नलिखित को प्राप्त करने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए :
- लाल रंग का बादशाह
 - ईट की बेगम
 - एक इक्का

अथवा

एक बॉक्स में 90 डिस्क (discs) हैं जिन पर 1 से 90 तक की संख्याएँ अंकित हैं। यदि इस बॉक्स से एक डिस्क यादृच्छया निकाली जाती है, तो इसकी प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि इस डिस्क पर अंकित होगी

- दो अंकों की एक संख्या।
 - एक पूर्ण वर्ग संख्या।
 - 15 से छोटी एक अभाज्य संख्या।
30. भुजा 14 सेमी वाले एक वर्ग ABCD के प्रत्येक कोने से 3.5 सेमी त्रिज्या वाले वृत्त का एक चतुर्थांश काटा गया है तथा बीच में 4 सेमी त्रिज्या का एक वृत्त भी काटा गया है जैसा कि आकृति-5 में दिखाया गया है। वर्ग के शेष (छायांकित) भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



आकृति-5



SECTION C

Question numbers 27 to 34 carry 3 marks each.

27. Prove that if $x = a \sin \theta + b \cos \theta$ and $y = a \cos \theta - b \sin \theta$, then $x^2 + y^2 = a^2 + b^2$.
28. 5 pencils and 7 pens together cost ₹ 250 whereas 7 pencils and 5 pens together cost ₹ 302. Find the cost of one pencil and that of a pen.

OR

Solve the following pair of equations using cross-multiplication method :

$$x - 3y - 7 = 0$$

$$3x - 5y - 15 = 0$$

29. One card is drawn from a well-shuffled deck of 52 cards. Find the probability of getting
- a king of red colour.
 - the queen of diamonds.
 - an ace.

OR

A box contains 90 discs which are numbered from 1 to 90. If one disc is drawn at random from the box, find the probability that it bears

- a two-digit number.
 - a perfect square number.
 - a prime number less than 15.
30. In Figure-5, ABCD is a square of side 14 cm. From each corner of the square, a quadrant of a circle of radius 3.5 cm is cut and also a circle of radius 4 cm is cut as shown in the figure. Find the area of the remaining (shaded) portion of the square.

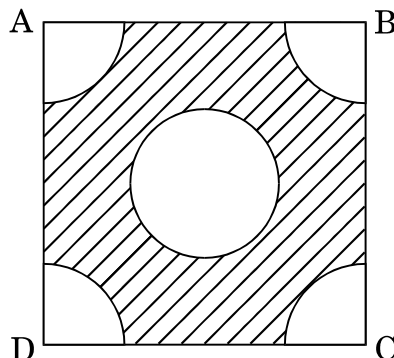


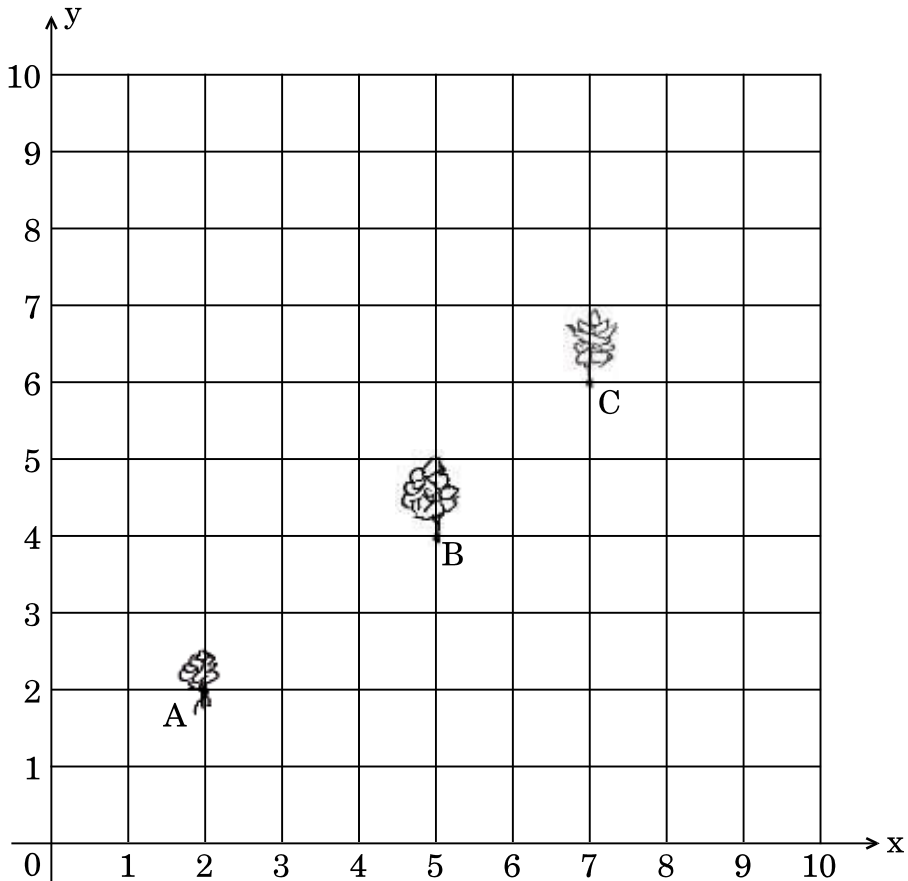
Figure-5



31. Construct an equilateral triangle of side length 5 cm each. Then construct another triangle, whose sides are $\frac{2}{3}$ of the corresponding sides of the first triangle.

32. Seema has a 10 m \times 10 m kitchen garden attached to her kitchen. She divides it into a 10 \times 10 grid and wants to grow some vegetables and herbs used in the kitchen. She puts some soil and manure in that and sows a green chilly plant at A, a coriander plant at B and a tomato plant at C.

Her friend Kusum visited the garden and praised the plants grown there. She pointed out that they seem to be in a straight line. See the below diagram carefully and answer the following questions :

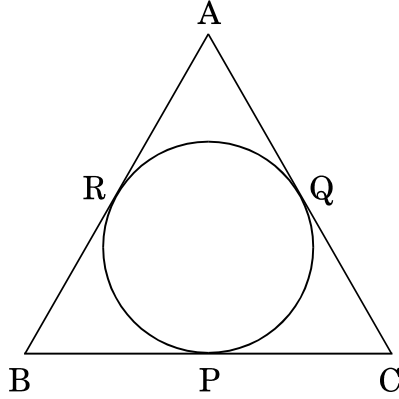


- (i) Write the coordinates of the points A, B and C taking the 10 \times 10 grid as coordinate axes.
- (ii) By distance formula or some other formula, check whether the points are collinear.



33. सिद्ध कीजिए कि $\sqrt{5}$ एक अपरिमेय संख्या है ।

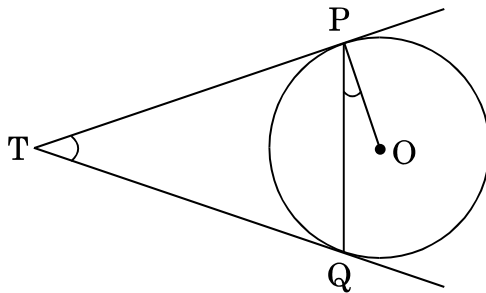
34. आकृति-6 में, एक त्रिभुज ABC के अन्तर्गत एक वृत्त इस तरह खींचा गया है कि वह भुजाओं BC, CA तथा AB को क्रमशः बिंदुओं P, Q तथा R पर स्पर्श करता है । यदि $AB = 10$ सेमी, $AQ = 7$ सेमी, $CQ = 5$ सेमी हो, तो BC की लम्बाई ज्ञात कीजिए ।



आकृति-6

अथवा

आकृति-7 में, केन्द्र O वाले एक वृत्त पर बाह्य बिंदु T से दो स्पर्श-रेखाएँ TP तथा TQ खींची गई हैं । सिद्ध कीजिए कि $\angle PTQ = 2 \angle OPQ$ ।



आकृति-7



33. Prove that $\sqrt{5}$ is an irrational number.

34. In Figure-6, a circle is inscribed in a ΔABC touching BC, CA and AB at P, Q and R respectively. If $AB = 10$ cm, $AQ = 7$ cm, $CQ = 5$ cm, find the length of BC.

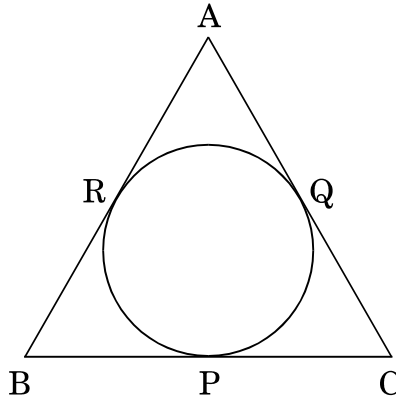


Figure-6

OR

In Figure-7, two tangents TP and TQ are drawn to a circle with centre O from an external point T. Prove that $\angle PTQ = 2 \angle OPQ$.

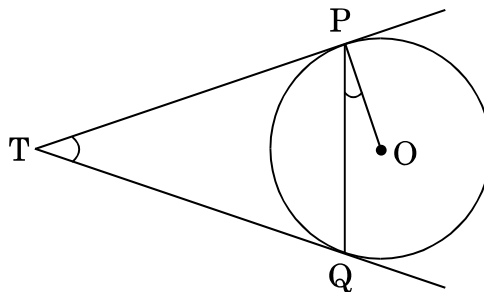


Figure-7



खण्ड घ

प्रश्न संख्या 35 से 40 तक प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है ।

35. एक बाल्टी शंकु के छिन्नक के आकार की है । इस बाल्टी के निचले तथा ऊपरी वृत्ताकार सिरों की त्रिज्याएँ क्रमशः 10 सेमी तथा 20 सेमी हैं तथा इसकी ऊँचाई 30 सेमी है । इस बाल्टी की धारिता ज्ञात कीजिए । ($\pi = 3.14$ प्रयोग कीजिए)

अथवा

6 मी. चौड़ी और 1.5 मी. गहरी एक नहर में पानी 10 किमी/घंटा की चाल से बह रहा है । 30 मिनट में, यह नहर कितने क्षेत्रफल की सिंचाई कर पाएगी यदि सिंचाई के लिए 4 सेमी गहरे पानी की आवश्यकता होती हो ?

36. निम्नलिखित बंटन के लिए 'से अधिक प्रकार' का तोरण खींचिए :

भार (किग्रा में) :	40 – 44	44 – 48	48 – 52	52 – 56	56 – 60	60 – 64	64 – 68
छात्रों की संख्या :	4	10	30	24	18	12	2

37. एक रेलगाड़ी एकसमान चाल से 360 किमी की दूरी तय करती है । यदि यह चाल 5 किमी/घंटा अधिक होती, तो वह उसी यात्रा में 1 घंटा कम समय लेती । रेलगाड़ी की मूल चाल ज्ञात कीजिए ।

अथवा

दो वर्गों के क्षेत्रफलों का योगफल 468 वर्ग मी. है । यदि उनके परिमाणों का अंतर 24 मी. हो, तो दोनों वर्गों की भुजाएँ ज्ञात कीजिए ।

38. सिद्ध कीजिए कि दो समरूप त्रिभुजों के क्षेत्रफलों का अनुपात इनकी संगत भुजाओं के वर्गों के अनुपात के बराबर होता है ।

39. बहुपद $-x^3 + 3x^2 - 3x + 5$ को बहुपद $x^2 + x - 1$ से विभाजित कीजिए तथा विभाजन ऐल्गोरिथ्म की सत्यता की जाँच कीजिए ।

अथवा

बहुपद $p(x) = 2x^4 - 3x^3 - 3x^2 + 6x - 2$ के अन्य शून्यकों को ज्ञात कीजिए यदि इसके दो शून्यक $\sqrt{2}$ तथा $-\sqrt{2}$ ज्ञात हैं ।

40. एक मीनार के पाद-बिंदु से एक भवन के शिखर का उन्नयन कोण 30° है और भवन के पाद-बिंदु से मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 60° है । यदि मीनार 60 मी. ऊँची हो, तो भवन की ऊँचाई ज्ञात कीजिए ।



SECTION D

Question numbers 35 to 40 carry 4 marks each.

35. A bucket is in the form of a frustum of a cone of height 30 cm with the radii of its lower and upper circular ends as 10 cm and 20 cm respectively. Find the capacity of the bucket. (Use $\pi = 3.14$)

OR

Water in a canal 6 m wide and 1.5 m deep, is flowing with a speed of 10 km/hr. How much area will it irrigate in 30 minutes if 4 cm of standing water is needed ?

36. Draw a 'more than' ogive for the following distribution :

Weight (in kg) :	40 – 44	44 – 48	48 – 52	52 – 56	56 – 60	60 – 64	64 – 68
Number of Students :	4	10	30	24	18	12	2

37. A train travels 360 km at a uniform speed. If the speed had been 5 km/hr more, it would have taken 1 hour less for the same journey. Find the original speed of the train.

OR

Sum of the areas of two squares is 468 m^2 . If the difference of their parameters is 24 m, find the sides of two squares.

38. Prove that the ratio of areas of two similar triangles is equal to the ratio of squares of their corresponding sides.

39. Divide polynomial $-x^3 + 3x^2 - 3x + 5$ by the polynomial $x^2 + x - 1$ and verify the division algorithm.

OR

Find other zeroes of the polynomial

$$p(x) = 2x^4 - 3x^3 - 3x^2 + 6x - 2$$

if two of its zeroes are $\sqrt{2}$ and $-\sqrt{2}$.

40. The angle of elevation of the top of a building from the foot of a tower is 30° and the angle of elevation of top of the tower from foot of the building is 60° . If the tower is 60 m high, then find the height of the building.